



Lernziel:

Sie erinnern sich an die Additionstheoreme und können diese anwenden. Außerdem verstehen Sie die Zusammenhänge der Additionstheoreme.

1. Vereinfachen Sie den Term.

a) $\sin(60^\circ + \alpha) - \sin(60^\circ - \alpha)$

b) $\cos(\alpha + \beta) - \cos(\alpha - \beta)$

c) $\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\cos(\alpha) \cdot \cos(\beta)}$

d) $\sin^4(\alpha) - \cos^4(\alpha)$

e) $\frac{\tan(\alpha)}{1 + \tan^2(\alpha)}$

f) $\frac{1}{\sin^2(\alpha)} + \frac{1}{\cos^2(\alpha)}$

g) $\frac{1 - \cos(2\alpha)}{\sin(2\alpha)}$

h) $1 - \sin(\alpha) \cdot \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right)$

2. Drücken Sie $\sin(3\alpha)$ durch $\sin(\alpha)$ aus

3. Beweisen Sie: In einem Dreieck haben die Seiten die Länge $a=6$, $b=5$ und $c=4$; dann gilt: $\alpha = 2\gamma$

4. Leiten Sie mit Hilfe des Additionstheorems $\cos(\alpha + \beta) = \cos(\alpha) \cdot \cos(\beta) - \sin(\alpha) \cdot \sin(\beta)$ die Gültigkeit der Beziehung

$$\cos(2\alpha) = 2 \cdot \cos^2(\alpha) - 1$$

her!

5. Berechnen Sie die Entfernung $P_1 \rightarrow$ Turm und $P_2 \rightarrow$ Turm. Die Abbildung zeigt, dass an zwei Positionen (P_1 , P_2) die Sichtwinkel (α , γ) relativ zur Fahrtrichtung ermittelt wurden (Grün in der Abbildung). Die Seitenlänge b ergibt sich aus der Geschwindigkeit v und dem zeitlichen Abstand t der Messungen.

Ein Dreieck wird aus P_1 , P_2 und dem angepeilten Punkt (Leuchtturm) gebildet. Von diesem allgemeinen Dreieck sind der Winkel α und die Seite $b = v \cdot t$ bekannt.

